



\*15012641200\*

N° 501264

Mathématiques option Technologique

et reportez votre numéro de candidat :

N°: 

5	0	1	2	6	4
---	---	---	---	---	---

Note en toutes lettres : \_\_\_\_\_

Note en chiffres : \_\_\_\_\_ / 20

Commentaire : \_\_\_\_\_

Signature du correcteur

**IL EST IMPÉRATIF DE COLLER UNE ÉTIQUETTE CODE-BARRES SUR LA PREMIÈRE PAGE DE CHAQUE COPIE COMPOSÉE.**

Commencez à composer dès la première page ...

$$= \lim_{A \rightarrow +\infty} - \left( e^{a-A} + e^{a-a} \right)$$

$$= \lim_{A \rightarrow +\infty} - e^{a-A} = 0$$

$$\lim_{A \rightarrow +\infty} e^0 = 1$$

Donc  $\int_1^{+\infty} f(t) dt$  converge et vaut 1.

b) Pour que  $f$  soit une densité, il faut que  $f$ :

- soit positive
- continue par morceaux
- $\int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt = 1$ .

\* Positivité:

\*  $f(x) = 0 \geq 0$  si  $x < a$ .

\*  $e^x > 0$  donc  $e^{a-x} > 0$  si  $x \geq a$ .

Donc  $f$  est positive.

• Continue par morceaux:

$$\lim_{a^-} 0 = 0$$

$$\lim_{a^+} e^{a-x} = 1$$

(Donc  $f$  est continue par morceaux sauf en  $a$ .)

Réservé  
à la  
correction

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt = 1.$$

Sous réserve de convergence et par  
Chasles:

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt = \int_{-\infty}^a f(t) dt + \int_a^{+\infty} f(t) dt$$

$$= 0 + \int_a^{+\infty} f(t) dt \text{ d'après 2-a)}$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt = 1.$$

Donc  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(t) dt = 1.$

→ Les 3 conditions sont donc vérifiées, on peut alors dire que  $f$  est une densité de probabilité.

3-a) Par définition:

$$F_X(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt.$$

si  $x < a$ .  $\int_{-\infty}^x f(t) dt = 0.$

si  $x \geq a$   $\int_{-\infty}^x f(t) dt =$

Par chasles:

$$\int_{-\infty}^a f(t) dt + \int_a^x f(t) dt$$

$$F_X(a) + -[e^{a-x}]_a^x$$

$$0 - (e^{a-x} - e^0)$$

$$1 - e^{a-x}.$$

Donc

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < a \\ 1 - e^{a-x} & \text{si } x \geq a. \end{cases}$$

b)

$$\begin{aligned}
 e) \quad P(X \geq a+2 | X \geq a+1) &= \frac{P(X \geq a+2) \cap P(X \geq a+1)}{P(X \geq a+1)} \\
 &= \frac{(1 - F_X(a+2)) \cap (1 - F_X(a+1))}{1 - F_X(a+1)} = \frac{(1 - F_X(a+2)) - (1 - F_X(a+1))}{1 - F_X(a+1)} \\
 &= \frac{e^{-\lambda(a+2)} - e^{-\lambda(a+1)}}{e^{-\lambda(a+1)}} = \frac{e^{-\lambda} - 1}{e^{-\lambda}} = \frac{1 - e^{-\lambda}}{e^{-\lambda}}
 \end{aligned}$$

Réservé  
à la  
correction

Donc  $P(X \geq a+2 | X \geq a+1) = \frac{1 - e^{-\lambda}}{e^{-\lambda}}$

4 - a) Par définition:

$$\begin{aligned}
 &F(X \leq y) \\
 &F(X - a \leq y) \\
 &F(X \leq y + a)
 \end{aligned}$$

Pour  $y < 0$   
 $F_Y(y) = 0$

Pour  $y \geq 0$ :  $F_Y(y) = 1 - e^{-y}$

Donc  $F_Y(y) = \begin{cases} 0 & \text{si } y < 0 \\ 1 - e^{-y} & \text{si } y \geq 0 \end{cases}$

b)  $Y$  suit donc une loi exponentielle de paramètre 1  
 $Y \sim \mathcal{E}(1)$

c) Par définition:  $E(Y) = \frac{1}{\lambda} = 1$        $V(Y) = \frac{1}{\lambda^2} = 1$   
 $E(Y) = E(X - a)$

Par linéarité de l'espérance:

$$E(X) = E(Y) + a = 1 + a$$

$$V(Y) = V(X - a)$$

Par indépendance de la variance:

$$V(X) = V(Y) = 1$$



S. a) pour  $S_n$  soit un estimateur sans biais  
il faut que  $E(S_n) = a$ .

$$E(S_n) = E\left(\frac{1}{n} \sum_{k=1}^n X_k - 1\right)$$

Par linéarité de l'espérance:

$$E(S_n) = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n E(X_k) - 1$$

$$E(S_n) = \frac{1}{n} \times n \times (1+a) - 1 = a$$

$$E(S_n) = a$$

Donc

$$b_a(S_n) = E(S_n) - a$$

$$= a - a$$

$$= 0$$

Ainsi  $S_n$  est un estimateur sans biais de  $A$

b)  $r(S_n) = V(S_n) + (b(S_n))^2$

$$V(S_n) = V\left(\frac{1}{n} \sum_{k=1}^n X_k - 1\right)$$

Par indépendance de la variance.

$$V(S_n) = \frac{1}{n^2} \sum_{k=1}^n V(X_k) - \dots$$

$$V(S_n) = \frac{1}{n^2} \times n \times 1$$

$$V(S_n) = \frac{1}{n}$$

Donc

$$r(S_n) = \frac{1}{n}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} r(S_n) = 0$$

c)  $a = 1/\alpha$

$$Y = \text{grand}(1, Y_0, \text{'exp'}, \alpha)$$

$$X = Y + a$$

$$S = 1/n * \text{sum}(X - 1)$$

Réservé  
à la  
correction

Les concours ECRICOME sont des marques déposées. Toute reproduction de la copie est interdite. Copyright © ECRICOME - Tous droits réservés

concours ecricome 2019



\*15012641200\*

N° 501264

Mathématiques option Technologique

et reportez votre numéro de candidat :

N° : 

5	0	1	2	6	4
---	---	---	---	---	---

Note en toutes lettres : \_\_\_\_\_

Note en chiffres : \_\_\_\_\_ / 20

Commentaire : \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

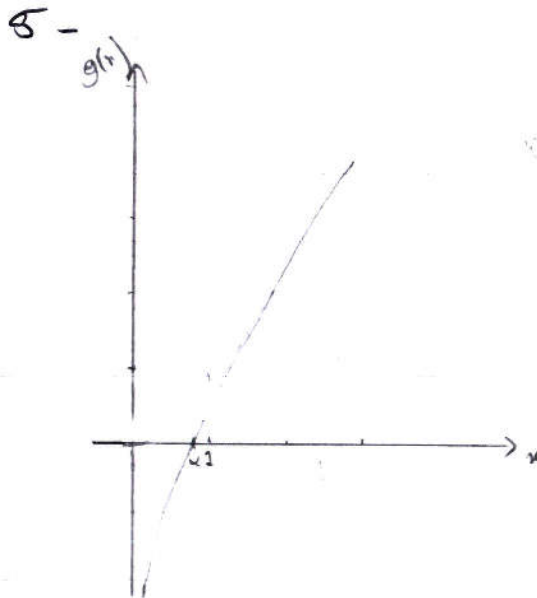
\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Signature du correcteur

**IL EST IMPÉRATIF DE COLLER UNE ÉTIQUETTE CODE-BARRES  
SUR LA PREMIÈRE PAGE DE CHAQUE COPIE COMPOSÉE.**

Commencez à composer dès la première page ...



Réservé  
à la  
correction

$$b-a) \int_1^2 ((2x-1) - g(x)) dx.$$

$$\int_1^2 \left( (2x-1) - \left( 2x-1 + \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) \right) \right) dx$$

$2 > 1$ . Donc :

$$\int_1^2 ((2x-1) - 2x+1 - \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)) dx = \int_1^2 -\ln\left(\frac{x}{x+1}\right) dx.$$

Par Intégration par partie.

Prends

$$\begin{aligned} U' &= -1 & U &= -x \\ V &= \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) & V' &= \frac{\frac{1}{(x+1)^2}}{\frac{x}{x+1}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Donc } \int_1^2 ((2x-1) - g(x)) dx &= \\ &= \left[ -x \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) \right]_1^2 + \int_1^2 x \frac{\frac{1}{(x+1)^2}}{\frac{x}{x+1}} dx. \\ &= \left( -2(\ln(2) - \ln(3)) \right) - \left( -1(\ln(1) - \ln(2)) \right) \\ &= -2\ln(2) + 2\ln(3) - \ln(2) \\ &= 2\ln(3) - 3\ln(2). \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \int_1^2 x \frac{\frac{1}{(x+1)^2}}{\frac{x}{x+1}} dx &= \int_1^2 \frac{x+1}{(x+1)(x+1)} dx \\ &= \int_1^2 \frac{1}{x+1} dx. \end{aligned}$$

Donc par Intégration par partie.

$$\int_1^2 ((2x-1) - g(x)) dx = 2\ln(3) - 3(\ln(2)) + \int_1^2 \frac{1}{x+1} dx.$$

Réservé  
à la  
correction



$$\begin{aligned}
 \text{donc } & \int_1^2 ((2x-1) - g(x)) dx \\
 &= 2 \ln(3) - 3 \ln(2) + \int_1^2 \frac{1}{x+1} dx \\
 &= 2 \ln(3) - 3 \ln(2) + \left[ \ln(|x+1|) \right]_1^2 \\
 &= 2 \ln(3) - 3 \ln(2) + (\ln(3) - \ln(2)) \\
 &= 3 \ln(3) - 4 \ln(2) .
 \end{aligned}$$

$$\text{donc } \boxed{\int_1^2 ((2x-1) - g(x)) dx = 3 \ln(3) - 4 \ln(2)}$$

b - Cet integral est égale à l'aire de la partie au  $e$  et en dessous de sa tangente .

7 - a) le contenu du vecteur ligne  $S$  esecute la somme des 50 premiers terme de la suite  $(u)$ .

→ D'après le graphique, à partir du 25<sup>ème</sup> terme, la suite va s'aligner à la fonction logarithme.

$$\begin{aligned}
 \text{b) } \lim_{n \rightarrow +\infty} S_n &= \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=1}^n ((2k-1) - g(k)) \\
 &= \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=1}^n - \ln \left( \frac{k}{k+1} \right) = 1 .
 \end{aligned}$$

Exercice 3.

1. a) la continuité de f :

$$\left. \begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2^-} 0 &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} e^{2-x} &= 1. \end{aligned} \right\}$$

Donc f est continue par morceaux sauf en 2.

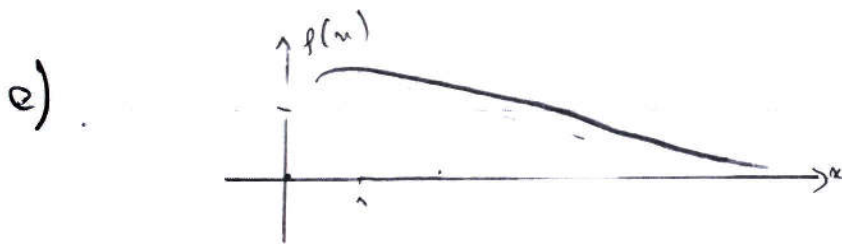
b) Derivabilité en 2.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{e^{2-x} - 1}{x - 2} \\ &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1 - e^{2-x}}{x - 2} = 0 \end{aligned}$$

Donc f dérivable en 2.

c)  $e^{2-x} > 0$  et ~~croissante~~  $f(2) = 1$ .  
Donc f est croissante sur  $[2; +\infty[$ .

d)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{2-x} = 0$  f(x) admet une asymptote horizontale



2. a) Posons  $A > a$  sous réserve de convergence.  
Donc  $\lim_{A \rightarrow +\infty} \int_a^A f(t) dt =$

$$\lim_{A \rightarrow +\infty} \int_a^A e^{a-t} dt = \lim_{A \rightarrow +\infty} - [e^{a-t}]_a^A$$





\*15012641200\*

N° 501264

Mathématiques option Technologique

et reportez votre numéro de candidat :

N° : 

5	0	1	2	6	4
---	---	---	---	---	---

Note en toutes lettres : \_\_\_\_\_

Note en chiffres : 20 / 20

Commentaire : \_\_\_\_\_

Signature du correcteur

**IL EST IMPÉRATIF DE COLLER UNE ÉTIQUETTE CODE-BARRES SUR LA PREMIÈRE PAGE DE CHAQUE COPIE COMPOSÉE.**

Commencez à composer dès la première page ...

Exercice 1 : Partie A.

1. On considère  $U = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$  ;  $V = \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$  et  $W = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  des vecteurs propres de  $A$ , ainsi :

$$AU = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} = 1 \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Bonc  $U$  est vecteur propre de  $A$  associé à la valeur propre 1.

$$AV = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix} = 2 \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Bonc  $V$  est vecteur propre de  $A$  associé à la valeur propre 2.

$$AW = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} = 3 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Réservé  
à la  
correction

Donc  $w$  est vecteur propre de  $A$  associé à la valeur propre 3.

2. Calculons  $P^2$

$$P^2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$P^2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$P^2 = I$   
Donc  $P$  est inversible et  $P^{-1} = P$ .

3 - a)  $D = P^{-1} A P$

Calculons tout d'abord.

$$\begin{aligned} P^{-1} A &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 6 & 1 & 3 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & 0 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Calculons ensuite  $P^{-1} A \cdot P$

$$P^{-1} A P = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & 0 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

$D = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$   $D$  est matrice diagonale, dont les coefficients diagonaux sont les valeurs

Réservé  
à la  
correction

jeu de A .

b. Montrons par récurrence  $A^n = PD^nP$ .  
ona  $P = P^{-1}$ .

Initialisation:

pour  $n=0$ .

$$A^0 = PD^0P$$

$$A^0 = PIP$$

$$A^0 = I$$

Donc pour  $n=0$   $A^n = PD^nP$  est vraie.

Hérédité: Soit  $n \in \mathbb{N}$  (fixé), supposons pour

tout  $n$  que  $A^n = PD^nP$  et montrons :

$$\begin{aligned} A^{n+1} &= A^n \cdot A = PD^nP \cdot PD \cdot P \\ &= PD^n I D P = PD^{n+1}P \end{aligned}$$

Donc  $A^{n+1} = PD^{n+1}P$ .

Conclusion: Par récurrence, pour tout  $n \in \mathbb{N}$   
 $A^n = PD^nP$  est vraie.

c.  $A^n = PD^nP$ .

Calculons tout d'abord:

$$\begin{aligned} PD^n &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2^n & 0 \\ 0 & 0 & 3^n \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -2^n & 0 \\ 1 & 2^n & 3^n \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Calculons ensuite:

$$PD^nP = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -2^n & 0 \\ 1 & 2^n & 3^n \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2^{n+1} - 2 & 2^n & 0 \\ 2 + (2^{n+1}) & 3^n - 2^n & 3^n \end{pmatrix}$$



$$A^n = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2^{n+1} - 2 & 2^n & 0 \\ 1 - 2^{n+1} + 3^n & -(2^n) + 3^n & 3^n \end{pmatrix}$$

Partie B.

1 - a)  $a_1 = \frac{1}{3}$        $b_1 = 0$        $c_1 = 0.$

b -  $a_2 = \frac{1}{3}$        $b_2 = 0 + \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$        $c_2 = 0.$

2) a)  $M = \frac{1}{3} A.$

2 - b) Montrons par récurrence.

$$\begin{pmatrix} a_n \\ b_n \\ c_n \end{pmatrix} = M^{n-1} \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}.$$

Initialisation :

pour  $n = 1.$

$$\begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix} = M^0 \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}.$$

donc

$$\begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}.$$

Ainsi pour  $n = 1$ , la récurrence est vraie.

Hérédité : Soit  $n \in \mathbb{N}$ , (fixé), supposons pour tout  $n$

$$\begin{pmatrix} a_n \\ b_n \\ c_n \end{pmatrix} = M^{n-1} \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix} \text{ est vraie et montrons.}$$



\*15012641200\*

N° 501264

Mathématiques option Technologique

et reportez votre numéro de candidat :

 N°: 5 | 0 | 1 | 2 | 6 | 4

Note en toutes lettres : \_\_\_\_\_

Note en chiffres : \_\_\_\_\_ / 20

Commentaire : \_\_\_\_\_

Signature du correcteur

**IL EST IMPÉRATIF DE COLLER UNE ÉTIQUETTE CODE-BARRES  
SUR LA PREMIÈRE PAGE DE CHAQUE COPIE COMPOSÉE.**

Commencez à composer dès la première page ...

Suite exo 1 - Partie B.

$$\begin{pmatrix} a_{n+1} \\ b_{n+1} \\ c_{n+1} \end{pmatrix} = M^n \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}$$

Conclusion : donc par récurrence, pour tout  $n \in \mathbb{N}$

$$\begin{pmatrix} a_n \\ b_n \\ c_n \end{pmatrix} = M^{n-1} \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}$$

$$B-a) \begin{pmatrix} a_n \\ b_n \\ c_n \end{pmatrix} = \frac{1}{3} A^n \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \\ c_1 \end{pmatrix}$$

$$b) \lim_{n \rightarrow +\infty} a^n = 0$$

$$1 < \frac{1}{3^{n-1}} < 1 \quad \text{dmc} \quad \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{3^{n-1}} = 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} b^n = 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} c^n = 1$$

Ces résultats n'étaient pas prévus.

 Réservé  
à la  
correction

c. Après l'exécution du scilab, on obtient le rang d'apparition de c. Ainsi, à force de recevoir des bons de la part des clients, les 3 formules seront commandés.

Exercice 2.

1 - a)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} 2x - 1 + \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)$ .

Réservé  
à la  
correction

$\lim_{x \rightarrow 0^+} 2x - 1 = \lim_{x \rightarrow 0^+} 2x = 0$

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) = -\infty$ .

Donc  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty$ . Donc g admet une asymptote verticale au pt 0 d'abscisse.

b. D'après le cours :

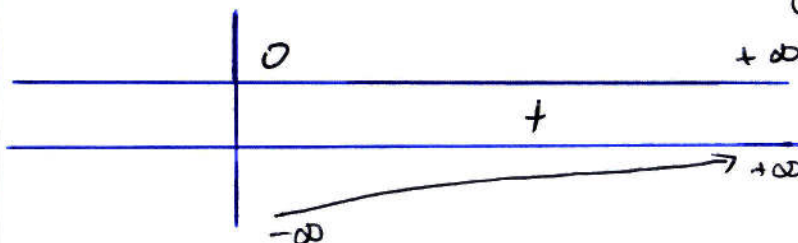
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) = 0$ .

Donc  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$

2 -  $g(x) = 2x - 1 + \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)$

$g'(x) = 2 + \frac{1}{\frac{x}{x+1} \cdot 2} = 2 + \frac{1}{\frac{x}{x+1} \cdot 2}$

$x > 0$  donc  $g'(x)$  est positive et g est croissante.



3 - a)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$



Faudrait alors calculer :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x}$$

$$\frac{g(x)}{x} = \frac{2x - 1 + \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)}{x}$$

$$\begin{aligned} \frac{g(x)}{x} &= \frac{2x}{x} - \frac{1}{x} + \frac{\ln\left(\frac{x}{x+1}\right)}{x} \\ &= 2 - \frac{1}{x} + \frac{\ln\left(\frac{x}{x+1}\right)}{x} \end{aligned}$$

Réservé  
à la  
correction

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln\left(\frac{x}{x+1}\right)}{x} = 0$$

Donc  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x} = 2$ .

Donc (c) admet une asymptote oblique d'équation  $2x - 1$

~~$$\begin{aligned} y &= g'(2)(x-2) + g(2) \\ y &= \frac{7}{6}(x-2) + 3 + \ln\left(\frac{2}{3}\right) \\ &= \frac{7}{6}x - \frac{7}{3} + 3 + \ln\left(\frac{2}{3}\right) \\ &= \frac{7}{6}x - \frac{1}{3} + \ln\left(\frac{2}{3}\right) \end{aligned}$$~~

b) La position relative :

~~$$\begin{aligned} g(x) - g(0) &= 2x - 1 + \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) - 2x + 1 \\ g(x) - g(0) &= \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) \end{aligned}$$~~

~~$$\begin{aligned} \ln\left(\frac{x}{x+1}\right) &> 0 \\ \ln(x) &> \ln(x+1) \end{aligned}$$~~

$$e^{bn(n)} > e^{bn(n+1)} \quad a > a+1$$

Donc  $g(c) > g(D)$  car  $g(c) - g(D) > 0$

Ainsi (c) se trouve en dessous de (D),

4 a) D'après le théorème de la bijection :

On a  $g(n)$  continue et strictement croissante sur  $]0; +\infty[$  vers  $] -\infty; +\infty[$ . Ainsi  $g(n) = 0 \in ] -\infty; +\infty[$ . Donc, d'après le théorème de la bijection  $g(n) = 0$  admet une solution unique  $\alpha$  sur  $]0; +\infty[$ .

b - Scilab :

fonction :  $y = g(n)$

$$y = 2^x x - 1 + \log(x / (x+1)).$$

end fonction

a = input('entrer la valeur de a :')

b = input('entrer la valeur de b :')

while b - a = 0 then

m =

if  $g(a) * g(m) \leq 0$  then

b = 0

else

a = 0.

end

end

disp('afficher n')